Clase 6

07/02/2013

Lecturas 19-11

HEMOS VISTO ...

Distribución de velocidades moleculares

$$P(v) = 4\pi \left(\frac{M}{2\pi RT} \right)^{3/2} v^2 e^{-Mv^2/2RT}.$$

$$\int_0^{\infty} P(v) dv = 1.$$

$$\text{frac} = \int_{v_1}^{v_2} P(v) dv.$$

Calor específico molar de un gas ideal a volúmen constante

$$Q = nC_V \Delta T$$

$$\Delta E_{\text{int}} = Q - W$$

$$\Delta E_{\text{int}} = nC_V \Delta T - W.$$

A volúmen constante $W = 0$,

$$C_V = \frac{\Delta E_{\text{int}}}{n \Delta T}.$$

$$\Delta E_{\text{int}} = \frac{3}{2}nR \Delta T.$$

$$C_V = \frac{3}{2}R = 12.5 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$$

$$E_{\text{int}} = nC_V T$$

$$\Delta E_{\text{int}} = nC_V \Delta T$$

El cambio de energía interna depende solo del cambio de T, independiente del proceso que genero ese cambio de T.

Calor específico molar de un gas ideal a presión constante

$$Q = nC_p \Delta T$$

$$\Delta E_{\text{int}} = Q - W$$

$$W = p \Delta V = nR \Delta T.$$

$$pV = nRT$$

$$\Delta E_{\text{int}} = nC_V \Delta T$$

$$C_V = C_p - R$$

$$C_p = C_V + R.$$

Molecule	Example	Degrees of Freedom			Predicted Molar Specific Heats	
		Translational	Rotational	Total (f)	C_V (Eq. 19-51)	$C_p = C_V + R$
Monatomic	He	3	0	3	$\frac{3}{2}R$	$\frac{5}{2}R$
Diatomic	O ₂	3	2	5	$\frac{5}{2}R$	$\frac{7}{2}R$
Polyatomic	CH ₄	3	3	6	$3R$	$4R$

Expansión adiabática de un gas ideal

00:00:00:00

© WOWstockfootage.com

Proceso adiabático

$$Q=0$$

Proceso muy rápido

Proceso muy bien aislado

$$pV^\gamma = \text{constante}$$

$$\gamma = C_p/C_v,$$

00:00:00:00

© WOWstockfootage.com

$$p_i V_i^\gamma = p_f V_f^\gamma$$

$$pV = nRT$$

$$\left(\frac{nRT}{V}\right)V^\gamma = \text{constante}$$

$$TV^{\gamma-1} = \text{constante}$$

Demostración

$$dE_{\text{int}} = Q - p dV.$$

$$dE_{\text{int}} = nC_V dT$$

$$n dT = -\left(\frac{p}{C_V}\right) dV.$$

$$pV = nRT$$

$$p dV + V dp = nR dT.$$

$$C_p - C_V = R$$

$$n dT = \frac{p dV + V dp}{C_p - C_V}.$$

$$\frac{dp}{p} + \left(\frac{C_p}{C_V}\right) \frac{dV}{V} = 0.$$

Demostración

$$\frac{dp}{p} + \left(\frac{C_p}{C_V} \right) \frac{dV}{V} = 0.$$

$$\ln p + \gamma \ln V = \text{constante}$$

$$pV^\gamma = \text{constante}$$

Ejercicio

Un mol de oxígeno (asumir que es gas ideal) se expande isotermicamente a 310 K desde un volúmen de 12 L a un volúmen de 19 L.

Cuál sería la temperatura final si el gas se hubiera expandido adiabáticamente a el mismo volúmen final ?

El O_2 es diatómico, y tiene rotación pero no oscilación

Ejercicio

Un mol de oxígeno (asumir que es gas ideal) se expande isotermicamente a 310 K desde un volúmen de 12 L a un volúmen de 19 L.

Cuál sería la temperatura final si el gas se hubiera expandido adiabáticamente a el mismo volúmen final ?

$$T_i V_i^{\gamma-1} = T_f V_f^{\gamma-1}.$$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V} = \frac{\frac{7}{2}R}{\frac{5}{2}R} = 1.40.$$

$$\begin{aligned} T_f &= \frac{T_i V_i^{\gamma-1}}{V_f^{\gamma-1}} = \frac{(310 \text{ K})(12 \text{ L})^{1.40-1}}{(19 \text{ L})^{1.40-1}} \\ &= (310 \text{ K})\left(\frac{12}{19}\right)^{0.40} = 258 \text{ K}. \end{aligned}$$

Ejercicio

Un mol de oxígeno (asumir que es gas ideal) se expande isotermicamente a 310 K desde un volúmen de 12 L a un volúmen de 19 L.

Cuál sería la la presión y temperatura final si el gas se expandiera libremente al nuevo volúmen desde una presión inicial de 2.0 Pa ?

$$T_f = T_i = 310 \text{ K.}$$

$$p_f = p_i \frac{V_i}{V_f} = (2.0 \text{ Pa}) \frac{12 \text{ L}}{19 \text{ L}} = 1.3 \text{ Pa.}$$

Resumen

Path in Fig. 19-16	Constant Quantity	Process Type	Some Special Results
			$(\Delta E_{\text{int}} = Q - W \text{ and } \Delta E_{\text{int}} = nC_V\Delta T \text{ for all paths})$
1	p	Isobaric	$Q = nC_p \Delta T; W = p \Delta V$
2	T	Isothermal	$Q = W = nRT \ln(V_f/V_i); \Delta E_{\text{int}} = 0$
3	$pV^\gamma, TV^{\gamma-1}$	Adiabatic	$Q = 0; W = -\Delta E_{\text{int}}$
4	V	Isochoric	$Q = \Delta E_{\text{int}} = nC_V \Delta T; W = 0$